

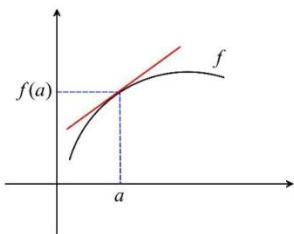
### خط مماس

#### خط مماس

الف - رسم مماس بر  $f$  در نقطه ای واقع بر آن

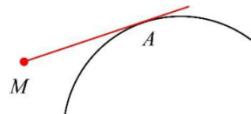
نقطه  $A(a, f(a))$  را روی  $f$  در نظر بگیرید.  $f'$  شیب خط مماس بر  $f$  در نقطه  $a$  است پس معادله خط مماس بر  $f$  در نقطه  $a$  به صورت زیر است:

$$y - f(a) = f'(a)(x - a)$$



ب - رسم مماس بر  $f$  از نقطه ای غیر واقع بر آن

فرض کنید از نقطه  $(\alpha, f(\alpha))$  بر آن منحنی  $f$  خارج از منحنی  $f$  رسم کردیم. نقطه تماس را نقطه فرضی  $M$  در نظر بگیرید. به کمک معادله زیر، مقدار  $\alpha$  را محاسبه می کنیم:



$$m = f'(\alpha) = \frac{b - f(\alpha)}{a - \alpha}$$

نکته: شرط آن که منحنی های  $f$  و  $g$  در  $x = a$  برهم مماس باشند آن است که:



$$\begin{cases} f(a) = g(a) \\ f'(a) = g'(a) \end{cases}$$

نکته: اگر معادله حاصل از تقاطع منحنی های  $f$  و  $g$ ، درجه دو باشد آنگاه شرط آنکه  $f$  و  $g$  برهم مماس باشند آن است که معادله حاصل برابر صفر باشد.